

ശാസ്ത്രം

Time: 2½ hours

Total Score: 80

നിർദ്ദേശങ്ങൾ:

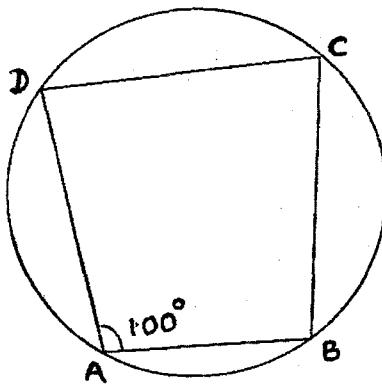
- ഓരോ ചോദ്യവും വായിച്ച് മനസ്സിലാക്കിയ ശൈഷം ഉത്തരം എഴുതുക.
- ഉത്തരത്തിൽ ആവശ്യമുള്ളിടത്ത് വിശദീകരണങ്ങൾ നൽകുക.
- രണ്ട് ചോദ്യങ്ങൾക്കിടയിൽ ‘അല്ലെങ്കിൽ’ എന്നെഴുതിയിട്ടുണ്ടെങ്കിൽ അവയിൽ ഒന്നിനുമാത്രം ഉത്തരമെഴുതിയാൽ മതി.
- ആദ്യത്തെ 15 മിനിട്ട് ആശാസ സമയം ആണ് (cool off time). ഈ സമയം ചോദ്യങ്ങൾ വായിച്ച് മനസ്സിലാക്കുക.
- ചോദ്യത്തിൽ പ്രത്യേകം ആവശ്യപ്പെട്ടിട്ടില്ലെങ്കിൽ $\sqrt{2}$, π മുതലായ അഭിനന്ധനകളുടെ ഏകദേശ വില ഉപയോഗിച്ച് ലാഭൂകരിക്കേണ്ടതില്ല.

1. ഒരു ശ്രേണിയുടെ $n=10$ പദം $\frac{n^2+n}{2}$ ആയാൽ [2]

(a) ശ്രേണി എഴുതുക.

(b) ഈ ശ്രേണി സമാനര ശ്രേണി ആണോ എന്ന് പരിശോധിക്കുക.

2. (a) [2]



ചിത്രത്തിൽ $ABCD$ ചക്രിയ ചതുർഭുജമാണ്.

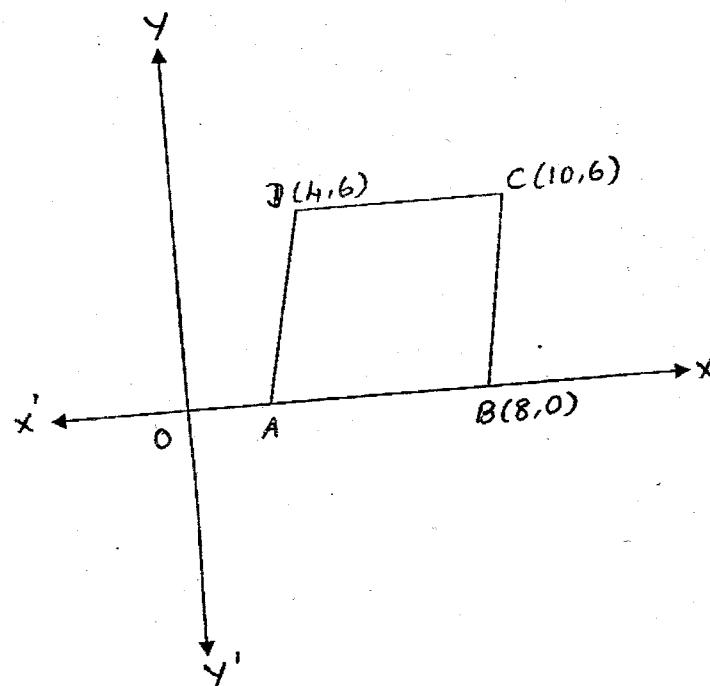
$\angle DAB = 100^\circ$ ആയാൽ $\angle BCD$ കണക്കാക്കുക.

(b) താഴെപ്പറയുന്നവയിൽ ചക്രിയ ചതുർഭുജങ്ങൾ ആയവ എഴുതുക.

[ചതുരം, സാമാന്യികം, സമഭുജ സാമാന്യികം, ലംബകം, സമപാർശവ ലംബകം]

[2]

3.



2, 4, 6
10, 15, 20

ചിത്രത്തിൽ $ABCD$ സാമാന്തരികമാണ്.

(a) AB യുടെ നീളം എത്ര?

(b) A യുടെ സൂചക സംവ്യൂഹം എഴുതുക.

4. $x + 4, 3x - 2, 4x - 2, \dots$ എന്ന സമാന്തര ശ്രേണി പരിഗണിച്ചാൽ

[3]

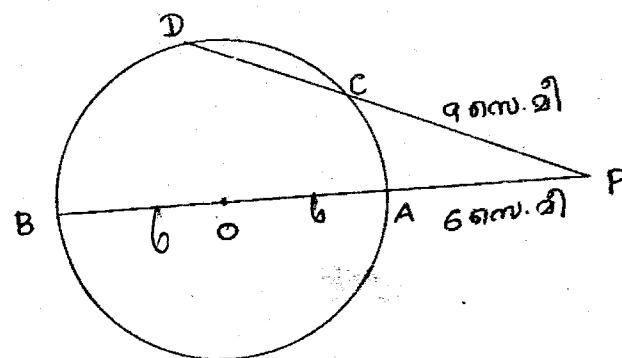
(a) x -ൻ്റെ വില കണക്കാക്കുക.

(b) ശ്രേണി എഴുതുക.

(c) ശ്രേണിയുടെ $n=10$ പദം എഴുതുക.

[3]

5.



ചിത്രത്തിൽ P വ്യത്തത്തിന്റെ പുറത്തുള്ള ബിന്ദുവാണ്. P -യിൽ നിന്നും വരച്ച ഒരു വര വ്യത്തത്തെ ചിത്രത്തിൽ P വ്യത്തത്തിന്റെ പുറത്തുള്ള ബിന്ദുവാണ്. P -യിൽ നിന്നും വരച്ച ഒരു വരയും, $PC = 9$ സെന്റിമീറ്റർ, $PA = 6$ സെന്റിമീറ്റർ മാണ്. P -യിൽ നിന്നും വ്യത്തത്തിലേക്കുള്ള ഏറ്റവും കുറഞ്ഞ ദൂരം വ്യത്തത്തിന്റെ ആരത്തിൽ തുല്യമാണ്.

(a) വ്യത്തത്തിന്റെ ആരം എത്ര?

(b) CD കണക്കാക്കുക.

- 6 A. ഒരു സ്കൂളിന്റെ മെതാനം ചതുരകൃതിയിലാണ്. ഇതിന്റെ നീളം വീതിയേക്കാൾ 5 മീറ്റർ കുടുതലാണ്. പരപ്പളവ് 500 ചതുരശ്ര മീറ്ററാണ്. [3]
- (a) മെതാനത്തിന്റെ വീതി x എന്നും താൽ നീളം എന്തെന്ന്?
 - (b) മെതാനത്തിന്റെ നീളവും, വീതിയും കണക്കാക്കുക.

അല്ലകിൽ

- B. രണ്ടു സംഖ്യകളുടെ തുക 9-ഉം അവയുടെ വർഗ്ഗങ്ങളുടെ തുക 41-ഉം ആണ്.
- (a) ഇവയിൽ ഒരു സംഖ്യ x ആയാൽ രൂപീകരിക്കപ്പെടുന്ന സമവാക്യം എഴുതുക.
 - (b) സംഖ്യകൾ കണ്ണുപിടിക്കുക.
7. 75 മീറ്റർ പൊകമുള്ള ഒരു കൊടിമരത്തിന്റെ വിപരീത ദിശകളിൽ കൊടിമരത്തിന്റെ ചുവട്ടിൽനിന്നും തുല്യ അകലത്തിൽ നിൽക്കുന്ന രണ്ടു പേര് 45° മേൽക്കോണിൽ കൊടിമരത്തിന്റെ അഗ്രഭാഗം കാണുന്നു. രണ്ടുപേരും തമ്മിലുള്ള അകലമെന്ത്? [3]
8. 18 സെസ്റ്റീമീറ്റർ ആരമുള്ള വൃത്താകൃതിയായ ഒരു തകിട്, ഒരേ വലിപ്പമുള്ള 9 വൃത്താംശങ്ങളായി മുറിക്കുന്നു. [3]
- (a) വൃത്താംശത്തിൽ രൂപീകൃതമാകുന്ന കേന്ദ്രകോൺഡിൻജീവറു്?
 - (b) അതിലൊരു വൃത്താംശം ഉപയോഗിച്ച് ഉണ്ടാക്കുന്ന വൃത്തസ്തുപികയുടെ ചരിവുയരം എന്തെന്ന്?
 - (c) ഈ വൃത്തസ്തുപികയുടെ പാർശ്വതല പരപ്പളവ് കാണുക.
9. $(-8, 8)$ എന്ന ബിന്ദു x അക്ഷത്തിനു സമാനരമായുള്ള വരയിലും, $(6, -5)$ y -അക്ഷത്തിനു സമാനരമായ വരയിലുമാണ്. [3]
- (a) x -അക്ഷവും, y -അക്ഷവും വരച്ച് ഈ ബിന്ദുക്കിൽ ഉൾപ്പെടുന്ന സ്ഥാനം കണക്കാക്കുക.
 - (b) ഈ സമാനര വരകൾ കൂട്ടിമുട്ടുന്ന ബിന്ദുവിന്റെ സൂചക സംഖ്യകൾ എവ?
 - (c) ആധാരബിന്ദുവും ഈ സംഗമബിന്ദുവും തമ്മിലുള്ള അകലമെന്തെന്ന്?
10. എല്ലാ മുന്നക്കെ സംഖ്യകളും എഴുതിയ സ്റ്റിഫ്ഫുകൾ ഒരു പെട്ടിയിൽ തുടിക്കുന്നു. [3]
- (a) ആ പെട്ടിയിൽ ആകെ എത്ര സ്റ്റിഫ്ഫുകൾ ഉണ്ടാകും?
 - (b) കണ്ണടച്ച് ഒരു സ്റ്റിഫ്പെടുത്താൽ ആ സ്റ്റിഫ്ഫിലെ സംഖ്യയിൽ എല്ലാ അക്കങ്ങളും തുല്യമാകാനുള്ള സാധ്യത എന്തെന്ന്?
11. (a) $(x+1)$ എന്നത് $p(x)=x^3+6x^2+11x+6$ എന്ന പോളിനോമിയലിന്റെ ഘടകമാണോ എന്ന് പരിശോധിക്കുക. [3]
- (b) $(x+2)$ എന്നത് $p(x)$ -ന്റെ മറ്റാരു ഘടകമായാൽ മുന്നാമത്തെ ഘടകം കണ്ടാക്കുക.
12. $x-2y+6=0$ എന്ന വരയും $2x+y+2=0$ എന്ന വരയും A എന്ന ബിന്ദുവിൽ കൂട്ടിമുട്ടുനു. [3]
- (a) A -യുടെ സൂചക സംഖ്യകൾ എഴുതുക.
 - (b) രണ്ടു വരകളും പരസ്പരം ലംബങ്ങളാണെന്ന് തെളിയിക്കുക.

13. ഒരു കമ്പനിയിലെ തൊഴിലാളികളുടെ ദിവസക്കുലിയും അവ ലഭിക്കുന്ന തൊഴിലാളികളുടെ എണ്ണവും ചുവടെ പട്ടികയിൽ ചേർത്തിരിക്കുന്നു. [3]

ദിവസക്കുലി	തൊഴിലാളികളുടെ
(രൂപയിൽ)	എണ്ണം
400	4
450	5
500	6
550	4
600	3
650	2
700	1

(a) തൊഴിലാളികളുടെ ആകെ ദിവസക്കുലി എത്ര?

(b) ദിവസക്കുലിയുടെ മാധ്യം കണക്കാക്കുക.

14. പൊതുവ്യത്യാസം 3 ആയ ഒരു സമാന്തര ശ്രേണിയിലെ ആദ്യ പദമാണ് 18 എങ്കിൽ [4]

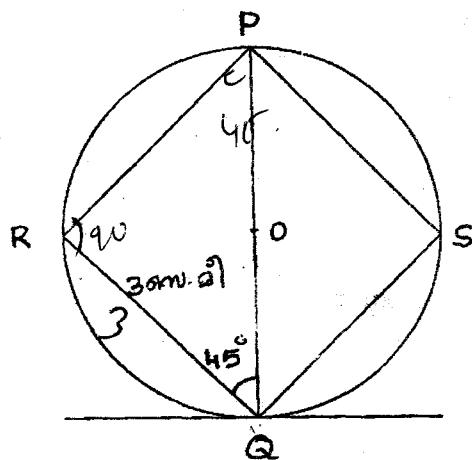
(a) ശ്രേണി എഴുതുക.

(b) ഈ ശ്രേണിയിലെ പുർണ്ണ വർഗ്ഗങ്ങളായ പദങ്ങളുടെ ശ്രേണി എഴുതുക.

(c) പുതിയ ശ്രേണി സമാന്തര ശ്രേണി ആണോ? എന്തുകൊണ്ട്?

15. 5 സെൻ്റിമീറ്റർ ആരമുള്ള ഒരു വൃത്തത്തിൽ വരയ് കുക. ഈ വൃത്തത്തിൽ കോണുകൾ $30^\circ, 70^\circ, 80^\circ$ ആയ ഒരു ത്രികോണം വരയ് കുക. ത്രികോണത്തിന്റെ വശങ്ങളുടെ നീളങ്ങൾ അളന്നാണുതുക. [4]

16.



ചിത്രത്തിൽ PQ വൃത്തത്തിന്റെ വ്യാസമാണ്. കൂടാതെ $\angle PQR=45^\circ$, $QR=3$ സെ. മീ.

[4]

(a) $\angle PRQ$ കണക്കാക്കുക.

(b) വൃത്തത്തിന്റെ ആരമെന്തെ?

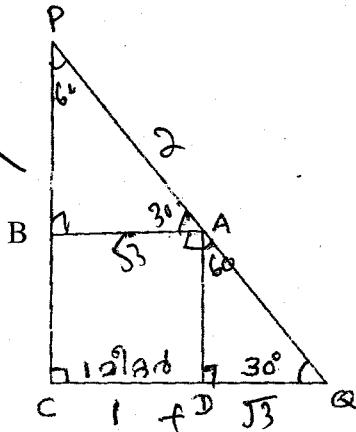
17. A. 6 സെന്റീമീറ്റർ, 8 സെന്റീമീറ്റർ, 10 സെന്റീമീറ്റർ വരെയുള്ള ഒരു ത്രികോണം വരച്ച് അതിൽ അന്തർവ്വത്തം വരയ്ക്കുക. അന്തർവ്വത്ത ആരം അളന്നുതുക. [4]

അല്ലക്കിൽ

- B. 4 സെന്റീമീറ്റർ ആരമുള്ള വ്യത്തം വരച്ച്, അതിൽ 5 സെന്റീമീറ്റർ നീളമുള്ള താണ് PQ വരയ്ക്കുക. P, Q എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലെ തൊടുവരകൾ വരച്ച് അവ കൂട്ടിമുട്ടുന ബിന്ദു അടയാളപ്പെടുത്തുക.
18. (a) $S(x)=x^3+6x^2+11x-3$ എന്ന പോളിനോമിയലിനെ $(x+1), (x+2)$ ഹവ കോണ്ട് ഫരിക്കുന്നേം അളക്കുക.
- (b) $(x+1), (x+2)$ എന്നിവ $P(x)=x^3+6x^2+11x-3+k$ -യുടെ ഘടകങ്ങളാണ് എങ്കിൽ k -യുടെ വില കാണുക.
19. ഒരു കനുകാലി വളർത്തൽ കേന്ദ്രത്തിലെ പശുക്കളിൽനിന്നും ഓരോ ദിവസവും ലഭിക്കുന്ന പാലിൻ്റെ അളവും പശുക്കളുടെ എണ്ണവും പട്ടികപ്പെടുത്തിയിരിക്കുന്നു. [4]

പാലിൻ്റെ അളവ് (ലിറ്റർ)	പശുക്കളുടെ എണ്ണം
0—2	1*
2—4	3*
4—6	14*
6—8	17*
8—10	26*
10—12	10*
12—14	13
14—16	12
16—18	10

- (a) ഈ കനുകാലി വളർത്തൽ കേന്ദ്രത്തിൽ 10 ലിറ്ററോ അതിൽ കുറവ് ഹാൽ നൽകുന്ന പശുക്കളുടെ എണ്ണം എത്ര?
- (b) ഓരോ ദിവസവും ലഭിക്കുന്ന പാലിൻ്റെ അളവുകളുടെ മധ്യമം കാണുക.
20. രണ്ട് സമാനര ശ്രേണിക്കൾ ഒരേ പൊതു വ്യത്യാസമാണ്. അവയുടെ ആദ്യപദങ്ഗൾ 5, 8 എന്നീ സംഖ്യകളായാൽ [5]
- (a) ഈ ശ്രേണികളുടെ 11-ാം പദങ്ഗൾ തന്നില്ലെങ്കിൽ വ്യത്യാസം എന്ത്?
- (b) രണ്ട് ശ്രേണികളുടെയും 11-ാമതെന്ന പദങ്ഗളുടെ ഗുണനഫലം 2160 ആയാൽ രണ്ട് ശ്രേണിയിലെയും 11-ാം പദങ്ഗൾ എഴുതുക.

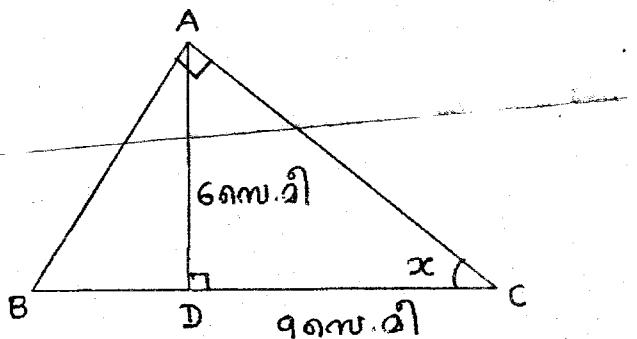


ചിത്രത്തിൽ $ABCD$ എന്ന സമചതുരത്തിന്റെ വശങ്ങൾ 1 മീറ്ററും, $\angle PQC = 30^\circ$ -യും ആണ്.

- (a) $\angle PAB$ എത്ര?
 (b) AQ, AP എന്നിവ കണക്കാക്കുക.
 (c) ത്രികോണം PCQ -വിൽ PC, CQ എന്നീ വരെങ്ങളുടെ നീളം കണക്കാക്കുക.

അല്ലെങ്കിൽ

B.



ചിത്രത്തിൽ $\angle BAC=90^\circ$, $AD=6$ സെ.മീ., $CD=9$ സെ.മീ., $\angle ACD=x$, $AD \perp BC$ ആയാൽ

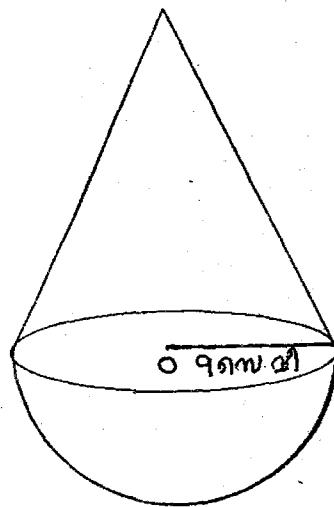
- (a) $\tan x$ -ന്റെ വില എങ്ക്?
 (b) $\angle BAD$ -യുടെ അളവെന്തെ?
 (c) AC, BD -എന്നിവയുടെ നീളം കണക്കാക്കുക.

22 A. 12 സെൻ്റിമീറ്റർ അരയുള്ള വൃത്തസ്തുപികാക്കുതിയായ ഒരു അളവുപാത്രം ഉപയോഗിച്ച്, 18 സെൻ്റിമീറ്റർ അരവും, 24 സെൻ്റിമീറ്റർ ഉയരവുമുള്ള വൃത്തസ്തംഭം കൃതിയായ ഒരു പാത്രത്തിൽ പാത്രം അളഞ്ഞാണെന്നും, 6 പ്രാവശ്യം ഒഴിച്ചപ്പോൾ പാത്രം നിറഞ്ഞുവെക്കിൽ [5]

- (a) വൃത്തസ്തൂപാകൃതിയായ പാത്രത്തിന്റെ ഉയരമെന്തെ?
 (b) അല്ലവും പാത്രത്തിന്റെ വ്യാപ്തം കണക്കാക്കുക. ($\pi = 3.14$)

അലേക്സിൽ

B.



ഒരു ആരമുള്ള ഒരു അർദ്ധഗോളവും ഒരു വൃത്തസ്തുപികയും ചിത്രത്തിൽ കാണിച്ചിരിക്കുന്നതുപോലെ ചേർത്തുവച്ച് ഒരു ഘടനയുംബുണ്ടാക്കുന്നു. അർദ്ധഗോളത്തിൻ്റെ ആരം 9 സെന്റിമീറ്ററും ആകെ ഉയരം 21 സെന്റിമീറ്ററും ആയാൽ

- (a) വൃത്തസ്തുപികയുടെ ഉയരം എത്ര?
 - (b) വൃത്തസ്തുപികയുടെ വ്യാപ്തം കാണുക.
 - (c) ഘടനയുടെ വ്യാപ്തം കണക്കാക്കുക.
23. PQ എന്ന വരയിലെ രണ്ടു ബിന്ദുക്കളാണ് $P(0, 2)$, $Q(2, 4)$ എങ്കിൽ [5]
- (a) PQ എന്ന വരയുടെ ചരിവ് എഴുതുക.
 - (b) PQ എന്ന വരയുടെ സമവാക്യം എഴുതുക. $(1, 3)$ എന്ന ബിന്ദു ഈ വരയിലാണോ എന്ന് പരിശോധിക്കുക.
 - (c) ഈ വരയിലെ ഏതൊരു ബിന്ദുവിന്റെയും y സൂചക സംഖ്യ x സൂചക സംഖ്യയേക്കാൾ 2 കൂടുതലായിരിക്കും എന്ന് സമർത്ഥിക്കുക.